

# Effizienten MAC-Konstruktion aus der Praxis: NMAC

## Idee von NMAC:

- Hashe  $m \in \{0, 1\}^*$  auf einen Hashwert in  $\{0, 1\}^n$ .
- Verwende  $\Pi_{MAC3}$  für Nachrichten fixer Länge auf dem Hashwert.
- Wir konstruieren  $\Pi_{MAC3}$  mittels schlüsselabhängiger Hashfunktion, bei der ein Teil des Hasharguments aus dem Schlüssel besteht.

## Algorithmus MAC $\Pi_{MAC3}$ für Nachrichten fester Länge $n$

Sei  $(Gen_h, h)$  eine Hashfkt  $h : \{0, 1\}^{2n} \rightarrow \{0, 1\}^n$ .

- 1 **Gen:**  $s \leftarrow Gen_h(1^n)$ ,  $s$  kann öffentlich sein. Wähle  $k_1 \in_R \{0, 1\}^n$ .
- 2 **Mac:** Bei Eingabe  $(s, k_1)$  und  $m \in \{0, 1\}^n$ , berechne
$$t := h_s(k_1 || m).$$
- 3 **Vrfy:** Bei Eingabe  $(s, k_1)$  und  $(m, t) \in \{0, 1\}^n \times \{0, 1\}^n$ , verifiziere
$$t \stackrel{?}{=} h_s(k_1 || m).$$

**Achtung:** Für Sicherheit von  $\Pi_{MAC3}$  braucht man stärkere Sicherheitseigenschaft als Kollisionsresistenz von  $(Gen_h, h)$ .

# NMAC

**Notation:** Sei  $H_s^{IV}$  eine Merkle-Damgard Hashfunktion, bei der der Initialisierungsvektor auf den Wert  $IV$  gesetzt ist.

## Algorithmus NMAC (Nested MAC)

Sei  $\Pi_h = (Gen_h, h)$ ,  $\Pi_{MAC3} = (Gen', Mac', Vrfy')$  wie zuvor. Sei  $(Gen_h, H)$  die Merkle-Damgard Transformation von  $(Gen_h, h)$ .

① **Gen:**  $s \leftarrow Gen_h(1^n)$ . Wähle Schlüssel  $k_1, k_2 \in_R \{0, 1\}^n$ .

② **Mac:** Bei Eingabe  $(s, k_1, k_2)$  und  $m \in \{0, 1\}^n$ , berechne

$$t := Mac'_{s, k_1}(H_s^{k_2}(m)) = h_s(k_1 || H_s^{k_2}(m)).$$

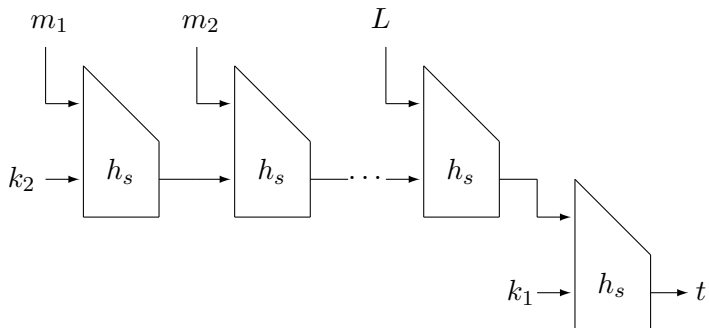
③ **Vrfy:** Bei Eingabe  $(s, k_1, k_2)$  und  $(m, t) \in \{0, 1\}^* \times \{0, 1\}^n$ ,

$$\text{Ausgabe} = \begin{cases} 1 & \text{falls } t = Mac_{s, k_1, k_2}(m) \\ 0 & \text{sonst} \end{cases}.$$

**Praxis-Variante:** Fixiere  $s$ , d.h. einzelne Hash-Funktion (z.B. SHA-1).

**Anmerkung:** Wir können auch  $k_2 = 0^n$  setzen. Vorteil von Schlüssel  $k_2$ : Sicherheit kann auch unter schwächerer Annahme gezeigt werden.

# NMAC



# HMAC – Hash-Based MAC

**Nachteil von NMAC:** Benötigen das Setzen von IV in  $H$ .

**Idee von HMAC:**

- Erzeuge  $k_1, k_2$  durch Vorschalten einer Anwendung von  $h_s$ .
- Definieren Konstanten  $opad, ipad$  und berechnen

$$k_1 = h_s(IV || k \oplus opad) \text{ und } k_2 = h_s(IV || k \oplus ipad).$$

## Algorithmus HMAC

Seien  $(Gen_H, H)$  wie zuvor. Seien  $opad, ipad, IV \in \{0, 1\}^n$  konstant.

① **Gen:**  $s \in Gen_h(1^n)$ . Wähle  $k \in_R \{0, 1\}^n$ .

② **Mac:** Für  $(s, k)$  und  $m \in \{0, 1\}^*$  berechne

$$t = H_s^{k_1}(H_s^{k_2}(m)).$$

③ **Vrfy:** Für  $(s, k)$  und  $(m, t) \in \{0, 1\}^* \times \{0, 1\}^n$ , verifiziere

$$t \stackrel{?}{=} Mac_{s,k}(m).$$

# HMAC ist eine Variante von NMAC

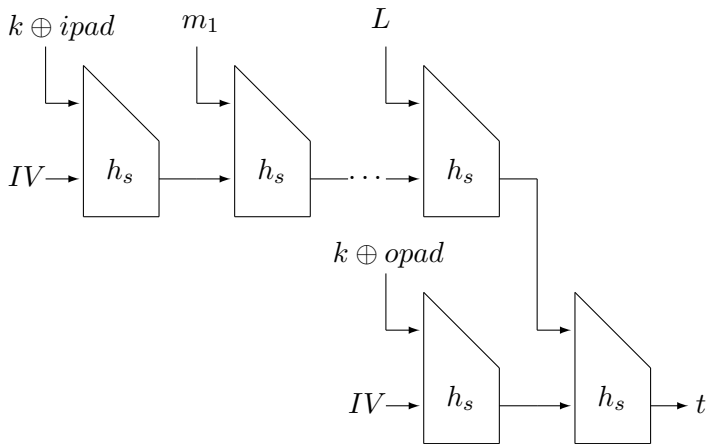
- Wir berechnen beim HMAC den MAC-Wert  $H_S^{k_1}(H_S^{k_2}(m))$ .
- D.h. die äußere Hashfunktion  $H_S^{k_1}$  wird stets auf einen Nachrichtenblock  $H_S^{k_2}(m) \in \{0, 1\}^n$  fester Länge angewendet.
- Daher ist das Anhängen der Nachrichtenlänge bei  $H_S^{k_1}$  unnötig.
- Entspricht der Berechnung von  $h_s(k_1 || H_S^{k_2}(m))$ , analog zu NMAC.
- D.h. HMAC ist ein Spezialfall von NMAC, wobei  $k_1$  und  $k_2$  aus  $k$  mittels Anwendung von  $h_s$  abgeleitet werden.
- Wir definieren den folgenden Pseudozufallsgenerator

$$G(k) = \underbrace{h_s(IV || k \oplus opad)}_{k_1} || \underbrace{h_s(IV || k \oplus ipad)}_{k_2}.$$

## Korollar Sicherheit von HMAC mittels Sicherheit von NMAC

Sei  $G$  ein Pseudozufallsgenerator,  $(Gen', h)$  kollisionsresistent und  $\Pi_{MAC3}$  sicher. Dann ist die HMAC-Konstruktion sicher.

# HMAC



# Praktische Bedeutung von HMAC

## Anwendung von HMAC:

- Vorgestellt 1996 von Bellare, Canetti und Krawczyk.
- HMAC ist standardisiert (z.B. IETF RFC, NIST FIPS, ANSI X9.71) und ist weitverbreitet in der Praxis.
- HMAC wird in der Praxis oft in Kombination mit SHA-1 verwendet.
- HMAC findet Anwendung z.B. in den Protokollen Internet Protocol Security (IPSec), Transport Layer Security (TLS), SSH SSL.
- HMAC ist im Vergleich zum CBC-MAC deutlich schneller.
- HMAC wird oft auch als PRF benutzt.

# CCA-sichere Verschlüsselung (Encrypt-then-MAC)

## Idee:

- Der Verschlüsseler authentisiert  $c$  mit Hilfe eines MACs  $t$ .
- D.h. nur er ist in der Lage, gültige Paare  $(c, t)$  zu erzeugen.
- Damit ist ein CCA-Entschlüsselungsorakel für Angreifer nutzlos.

## Algorithmus CCA-sichere Verschlüsselung $\Pi_{cca}$

Sei  $\Pi_E = (Gen_E, Enc, Dec)$  ein Verschlüsselungsverfahren und  $\Pi_M = (Gen_M, Mac, Vrfy)$  ein MAC.

- 1 **Gen'**:  $k_1 \leftarrow Gen_E(1^n)$ ,  $k_2 \leftarrow Gen_M(1^n)$ .
- 2 **Enc'**: Bei Eingabe von  $m$  und  $(k_1, k_2)$ , berechne  $c \leftarrow Enc_{k_1}(m)$  und  $t \leftarrow Mac_{k_2}(c)$ . Ausgabe des Chiffretextes  $(c, t)$ .
- 3 **Dec'**: Bei Eingabe von  $(c, t)$  und  $(k_1, k_2)$ ,

$$\text{Ausgabe} = \begin{cases} m := Dec_{k_1}(c) & \text{falls } Vrfy_{k_2}(c, t) = 1 \\ \perp & \text{sonst} \end{cases} .$$



# Eindeutige Tags

## Definition MAC mit eindeutigen Tag

Sei  $\Pi_M = (Gen, Mac, Vrfy)$  ein MAC.  $\Pi_M$  besitzt *eindeutige Tags* falls für alle  $k, m$  genau ein  $t \in \{0, 1\}^*$  existiert mit  $Vrfy_k(m, t) = 1$ .

## Anmerkungen:

- D.h. der *Mac*-Algorithmus ist deterministisch. (Nicht hinreichend!)
- Bsp:  $\Pi_{MAC}$ , CBC-MAC, NMAC, HMAC besitzen eindeutige Tags.
- $\Pi_{MAC2}$  besitzt keine eindeutigen Tags.

## $\Pi_{cca}$ ist CCA-sicher

### Satz CCA-Sicherheit von $\Pi_{cca}$

Sei  $\Pi_E$  CPA-sicher und  $\Pi_M$  ein sicherer MAC mit eindeutigen Tags.  
Dann ist  $\Pi_{cca}$  CCA-sicher.

#### Beweisskizze:

- Offenbar ist  $\Pi_{cca}$  sicher gegenüber CPA-Angreifern  $\mathcal{A}$ .
- Wir zeigen nun, dass ein  $Dec(\cdot)$ -Orakel für  $\mathcal{A}$  nutzlos ist.
- Sei  $(c, t)$  eine Anfrage von  $\mathcal{A}$  an  $Dec(\cdot)$ .

**Fall 1:**  $(c, t)$  kommt aus voriger  $Enc(m)$ -Anfrage von  $\mathcal{A}$ .

- Dann weiss  $\mathcal{A}$  bereits, dass  $Dec(c, t)$  die Antwort  $m$  liefert.
- D.h. das Entschlüsselsorakel liefert keine nützliche Information.

**Fall 2:**  $(c, t)$  kommt nicht aus  $Enc(m)$ -Anfrage.

- Falls  $Vrfy_{k_2}(c, t) = 1$ , hat  $\mathcal{A}$  einen gültigen Tag  $t$  für ein neues  $c$  konstruiert (folgt aus der Eindeutigkeit der Tags).
- Aufgrund der MAC-Sicherheit geschieht dies mit  $Ws \leq \text{negl}(n)$ .
- D.h.  $Dec(\cdot)$  gibt mit  $Ws \geq 1 - \text{negl}(n)$  die nutzlose Ausgabe  $\perp$ .

# Andere Varianten

## Alternative Ideen für CCA-sichere Verschlüsselung

- Encrypt-then-Mac:  $c \leftarrow Enc_{k_1}(m)$ ,  $t \leftarrow Mac_{k_2}(c)$ .  $CT = (c, t)$   
CCA sicher. Von SSL benutzt.
- Mac-then-Encrypt:  $t \leftarrow Mac_{k_2}(m)$ ,  $c \leftarrow Enc_{k_1}(m||t)$ .  $CT = c$ .  
i.A. nicht CCA sicher! Von IPsec benutzt.
- Encrypt-and-Mac:  $c \leftarrow Enc_{k_1}(m)$ ,  $t \leftarrow Mac_{k_2}(m)$ .  $CT = (c, t)$   
i.A. nicht CCA sicher! Von SSH benutzt.